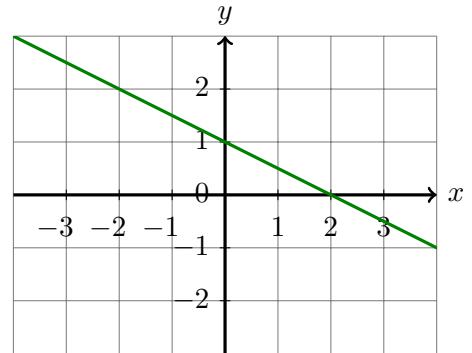
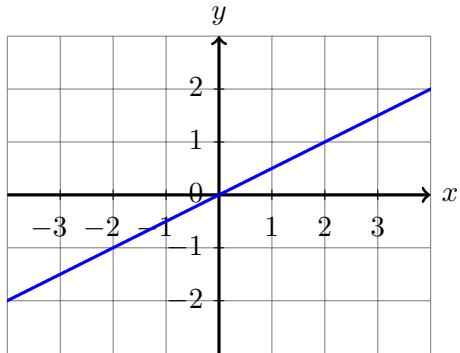
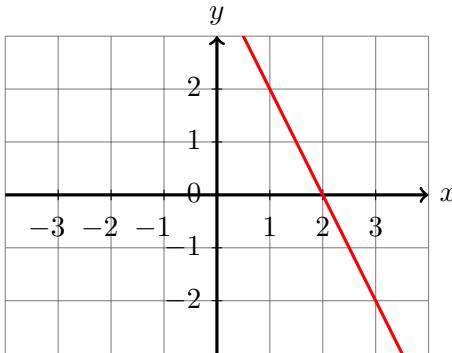


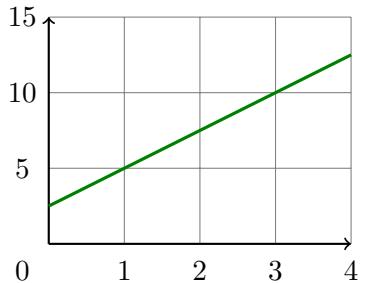
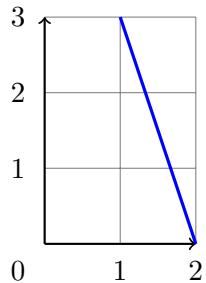
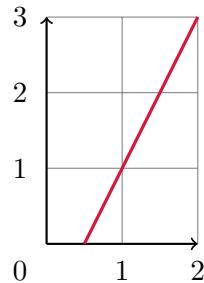
Nombre dérivé

> Rappels sur le coefficient directeur d'une droite

Exercice n°1 Déterminer graphiquement le coefficient directeur des droites ci-dessous.



Exercice n°2 Déterminer graphiquement le coefficient directeur des droites ci-dessous.



Exercice n°3 Soit A(-4; 2), B(0; 5) et C(2; -2).

1. Déterminer le coefficient directeur de la droite (AB).
2. Déterminer le coefficient directeur de la droite (AC).
3. Déterminer le coefficient directeur de la droite (BC).

> Taux de variation et nombre dérivé

Exercice n°4 Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^2 + x - 1$.

1. Calculer le taux de variation de f en 2.
2. En déduire que f est dérivable en 2 et déterminer $f'(2)$.
3. De la même façon, déterminer $f'(3)$.

Exercice n°5 Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = -3x^2 + 2x - 1$. On note \mathcal{C}_f sa courbe représentative.

1. Soit A le point d'abscisse 1 appartenant à \mathcal{C}_f . Déterminer l'ordonnée de A.
2. Calculer le taux de variation de f en 1.
3. En déduire que f est dérivable en 1 et déterminer $f'(1)$.
4. De la même façon, déterminer $f'(-1)$.

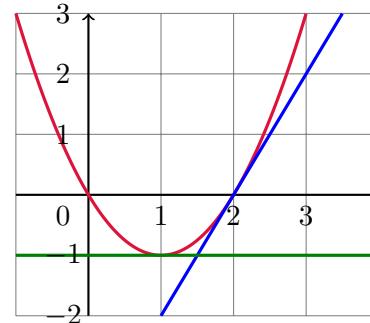
Exercice n°6

1. Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = -x^2 + 2x - 3$. Déterminer $f'(2)$.
2. Soit g la fonction définie sur \mathbb{R} par $g : x \mapsto x^3$. Déterminer $g'(-1)$.
3. Soit h la fonction définie sur \mathbb{R}^* par $h : x \mapsto \frac{1}{2x}$. Déterminer $h'(1)$.

> Interprétation graphique du nombre dérivé.

Exercice n°7 On considère la courbe représentative d'une fonction f ci-dessous.

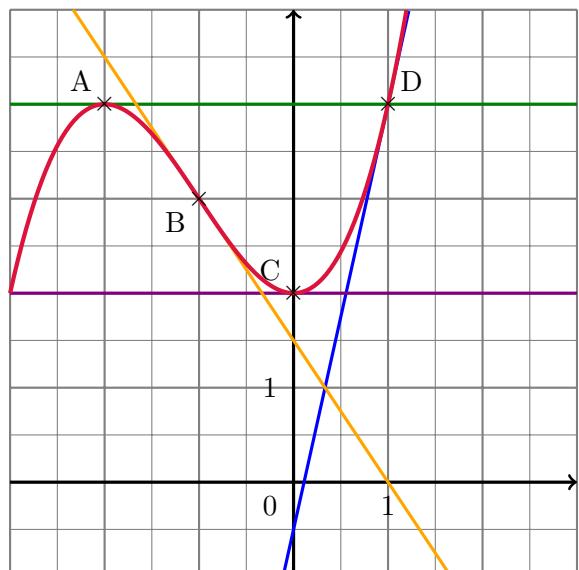
1. Déterminer graphiquement $f(1)$ et $f'(1)$.
2. Déterminer graphiquement $f(2)$ et $f'(2)$.
3. Déterminer l'équation de la tangente à la courbe représentative de f en 1.
4. Déterminer l'équation de la tangente à la courbe représentative de f en 2.



Exercice n°8

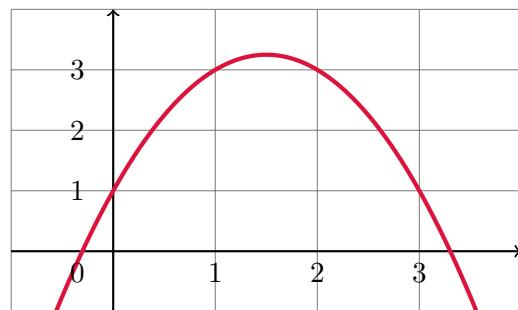
On considère la fonction f dont on donne la courbe représentative ci-dessous. On a également tracé quatre tangentes à la courbe représentative de f .

1. Que vaut $f(1)$?
2. Que vaut $f'(1)$?
3. Déterminer le coefficient directeur de la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse -1 . En déduire la valeur de $f'(-1)$.
4. Déterminer $f(0)$ puis $f'(0)$.
5. Déterminer $f(-2)$ puis $f'(-2)$.
6. Déterminer l'équation réduite de la tangente au point d'abscisse 1.
7. Déterminer l'équation réduite de la tangente au point d'abscisse -1 .
8. Déterminer l'équation réduite de la tangente au point d'abscisse 0.



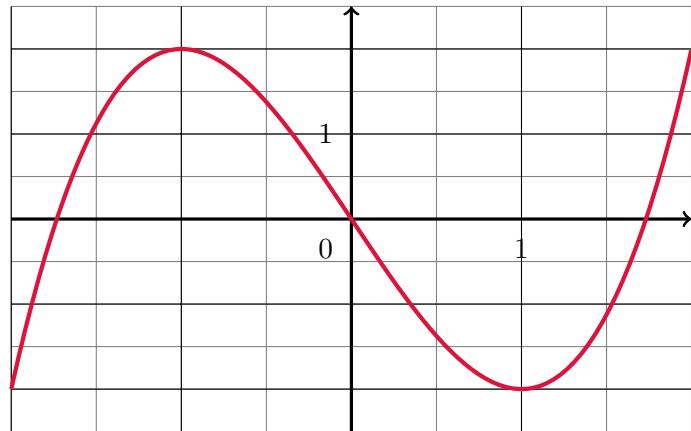
Exercice n°9 Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = -x^2 + 3x + 1$. Sa courbe représentative est donnée ci-dessous.

1. Soit A le point d'abscisse 2. Sachant que A appartient à la courbe représentative de f , calculer l'ordonnée de A.
2. Placer le point A sur le repère ci-contre.
3. Calculer $f'(2)$.
4. Tracer alors la tangente à la courbe représentative de f en A.



Exercice n°10 Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^3 - 2x$. Sa courbe représentative est donnée ci-dessous.

1. Déterminer graphiquement l'abscisse des points de la courbe représentative de f où la tangente est parallèle à l'axe des abscisses.
2. Tracer la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse -1 .
3. Déterminer, par le calcul, $f'(0)$.
4. Tracer la tangente à la courbe représentative de f au point d'abscisse 0 .



> Déterminer l'équation de la tangente par le calcul

Exercice n°11

1. Déterminer une équation de la tangente à la courbe représentative de la fonction carré au point d'abscisse -1 .
2. Déterminer une équation de la tangente à la courbe représentative de la fonction carré au point d'abscisse 2 .
3. Déterminer une équation de la tangente à la courbe représentative de la fonction inverse au point d'abscisse 1 .
4. Déterminer une équation de la tangente à la courbe représentative de la fonction cube au point d'abscisse -2 .
5. Déterminer une équation de la tangente à la courbe représentative de la fonction racine carrée au point d'abscisse 4 .

Exercice n°12

1. Déterminer une équation de la tangente à la courbe représentative de la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^2 - 5x + 3$ au point d'abscisse 2 .
2. Déterminer une équation de la tangente à la courbe représentative de la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = \frac{3}{x}$ au point d'abscisse -3 .

Exercice n°13

Une entreprise fabrique des granulés de bois pour poêles de chauffage. Sa capacité de production quotidienne ne peut pas dépasser 70 tonnes. Le coût total de fabrication, en dizaines de milliers d'euros, réalisé par la fabrication de x tonnes de granulés est donné par :

$$C(x) = 0,02x^2 + 0,08x + 5,08 \quad \text{avec } x \in [0 ; 70]$$

En économie, le coût marginal C_m représente le coût supplémentaire engendré par la production de la dernière tonne produite lorsque l'on en a fabriqué x tonnes.

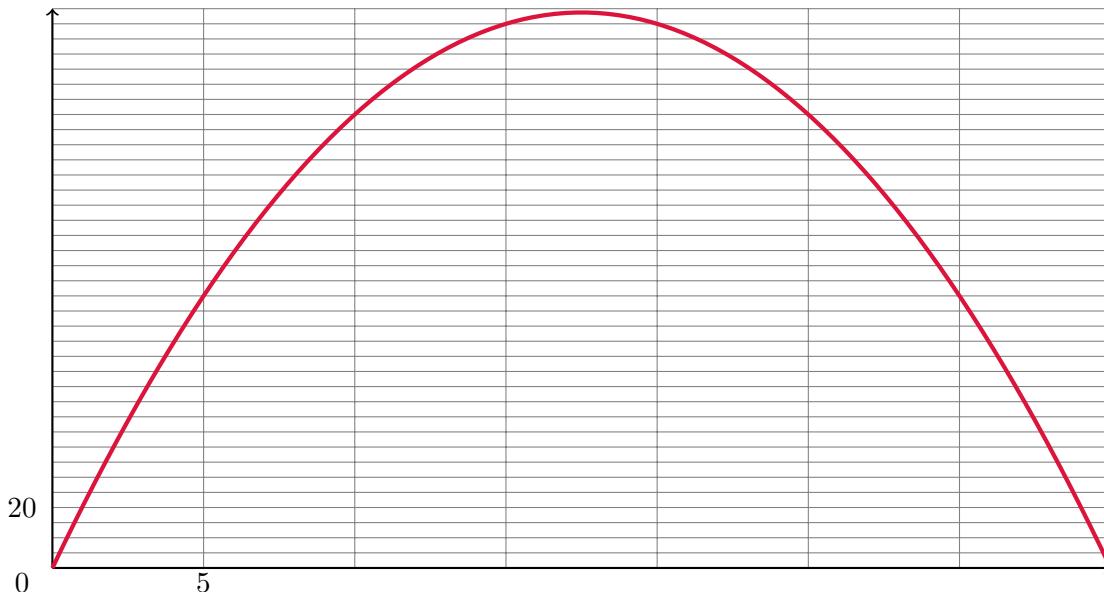
On a ainsi $C_m(x) = C(x) - C(x - 1)$.

- Montrer que la fonction coût marginal C_m correspond au taux d'accroissement de la fonction coût total C entre les réels $x - 1$ et x .
- Calculer le coût marginal de la 20^{ème} tonne produite et de la 50^{ème} tonne produite.
- Montre que pour tout réel x de $[0 ; 70]$ on a $C_m(x) = 0,04x + 0,06$.
- En mathématiques, une bonne approximation du coût marginal pour x tonnes est le nombre dérivé de C en x . Déterminer $C'(20)$ et $C'(50)$ et comparer les résultats avec la question 2.

Exercice n°14

La hauteur dans le ciel, en mètres, d'une fusée de feu d'artifice depuis son lancement est donnée par $f(t) = -0,6t^2 + 21t$ où t représente le temps écoulé, en secondes. On admet que la vitesse de la fusée à l'instant t_0 (en m/s) est égal au nombre dérivé $f'(t_0)$.

- On donne ci-dessous la courbe représentative de la fonction f



Déterminer graphiquement la hauteur maximale atteinte par la fusée. Au bout de combien de temps cette hauteur est-elle atteinte ?

- Déterminer par le calcul le moment où la fusée retombe au sol si elle n'explose pas en plein vol.
- On effectue un réglage pour que la fusée explose au bout de 6 secondes après son lancement.
 - Déterminer, par le calcul, la hauteur de la fusée au moment de son explosion.
 - Calculer $f'(6)$ puis interpréter le résultat.
- On effectue un nouveau réglage pour que l'explosion se déclenche lorsque la fusée a atteint sa hauteur maximale.
 - Conjecturer, graphiquement, la vitesse de la fusée au moment de cette explosion.
 - Démontrer cette conjecture par le calcul.